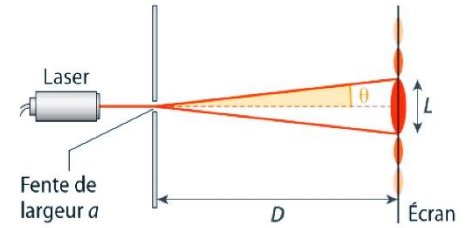


A. Observation d'interférences avec un laser (/18)

PARTIE I : DÉTERMINATION DE LA LONGUEUR D'ONDE (/9)



$$1. \quad \theta = \frac{\lambda}{a}$$

$$2. \quad \theta \approx \tan \theta = \frac{\text{côté opposé}}{\text{côté adjacent}} = \frac{L/2}{D} \Rightarrow \theta = \frac{L}{2D}$$

ainsi en égalisant les deux expressions de θ : $\frac{L}{2D} = \frac{\lambda}{a}$

soit : $L = \frac{2\lambda \cdot D}{a}$

3. Pour : $L = 4,8\text{cm}$ on lit : $1/a = 19000\text{m}^{-1}$
 donc : $a = 1 / 19000 = 5,3 \cdot 10^{-5}\text{m} = \underline{53\mu\text{m}}$
 Le fil d'araignée a un diamètre de $53\mu\text{m}$.

4. La relation du 2. peut s'écrire : $L = \frac{2\lambda \cdot D}{a} = \frac{2\lambda D}{k} \times \frac{1}{a}$

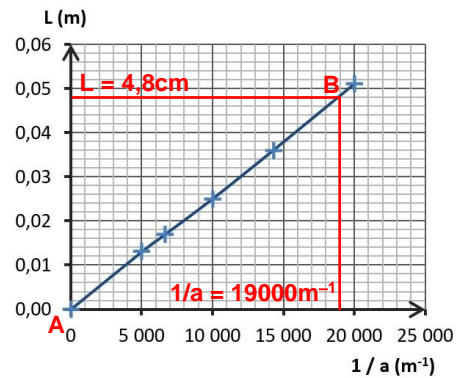
Cette relation traduit une proportionnalité entre L et $1/a$.

La courbe est donc cohérente car c'est une droite passant par l'origine : il y a donc bien proportionnalité entre L et $1/a$.

$$k = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} = \frac{0,048 - 0}{19000 - 0} = \underline{2,5 \cdot 10^{-6}\text{m}^2}$$

5. $k = 2\lambda \cdot D$ donc : $\lambda = \frac{k}{2D} = \frac{2,5 \cdot 10^{-6}}{2 \times 2,0} = 6,3 \cdot 10^{-7}\text{m} = \underline{6,3 \cdot 10^2\text{nm}}$

Le laser utilisé a une longueur d'onde voisine de 630nm (laser rouge).



PARTIE II : ÉTUDE DES INTERFÉRENCES CONSTRUCTIVES ET DESTRUCTIVES (/9)

1. Pour obtenir des interférences constructives, la différence de chemin optique doit vérifier : $\delta = k\lambda$ avec : $k \in \mathbb{Z}$

2. Au point O, $x = 0$ donc $\delta = 0$ de la forme $k\lambda$ avec $k = 0$.

Les interférences sont constructives en O : on observe une intensité lumineuse maximale (frange brillante).

3. On observe des maxima de lumière si les interférences sont constructives :

$$\delta_k = \frac{b \cdot x_k}{D} = k\lambda \quad \text{soit : } x_k = \frac{k\lambda D}{b} \quad \text{avec : } k \in \mathbb{Z}$$

d'où l'expression de x_k

4. L'interfrange et la distance séparant deux franges brillantes consécutives.

$$i = x_{k+1} - x_k = \frac{(k+1)\lambda \cdot D}{b} - \frac{k\lambda \cdot D}{b} = \frac{\lambda \cdot D}{b} = \frac{633 \cdot 10^{-9} \times 1,00}{0,10 \cdot 10^{-3}} = 6,3 \cdot 10^{-3}\text{m} = \underline{6,3\text{mm}}$$

5. Calculons δ / λ dans chaque cas :

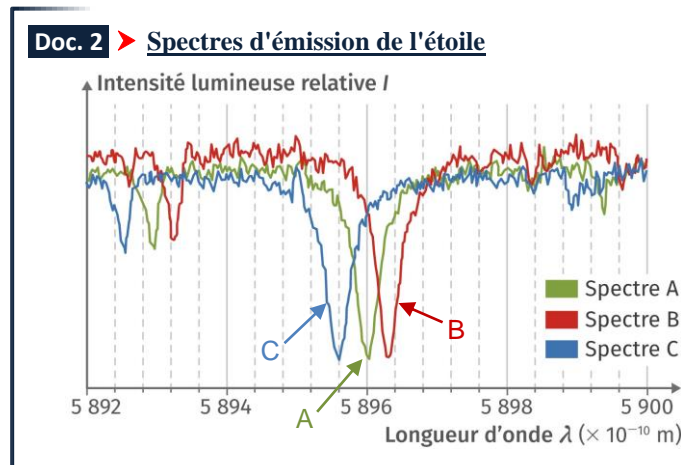
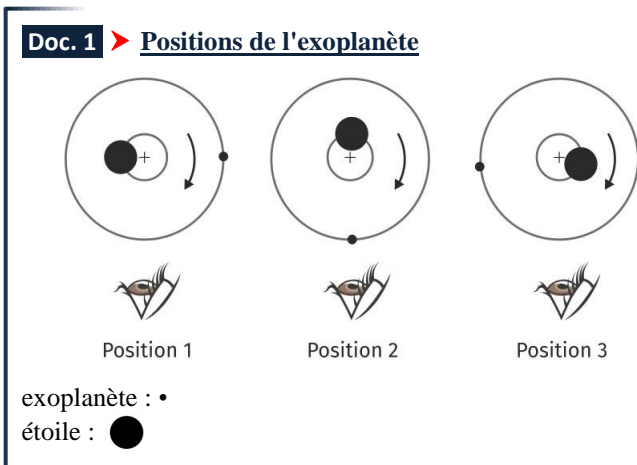
• $x = 25,3\text{mm}$: $\frac{\delta}{\lambda} = \frac{b \cdot x}{D \lambda} = \frac{0,10 \cdot 10^{-3} \times 25,3 \cdot 10^{-3}}{1,0 \times 633 \cdot 10^{-9}} = 4,0 \Leftrightarrow \delta = 4,0\lambda$ de la forme $k\lambda$ avec $k = 4$

Les interférences sont constructives : frange brillante.

• $x = 34,8\text{mm}$: $\frac{\delta}{\lambda} = \frac{b \cdot x}{D \lambda} = \frac{0,10 \cdot 10^{-3} \times 34,8 \cdot 10^{-3}}{1,0 \times 633 \cdot 10^{-9}} = 5,5 \Leftrightarrow \delta = 5,5\lambda$ de la forme $(k + 1/2)\lambda$ avec $k = 5$

Les interférences sont destructives : frange sombre.

B. Détection d'une exoplanète (/6)



Les raies d'absorption dans le spectre de la lumière venant d'une étoile en mouvement par rapport à la Terre sont décalées par rapport aux raies équivalentes pour une source immobile sur Terre :

- si l'étoile s'éloigne de la Terre, il y a un décalage vers les grandes longueurs d'onde, donc vers le rouge (redshift).
- si l'étoile se rapproche de la Terre, il y a un décalage vers les petites longueurs d'onde, donc vers le bleu (blueshift).

Position 1 : l'étoile s'éloigne de l'observateur \Rightarrow décalage des raies vers le rouge (redshift) et les grandes longueurs d'onde : spectre B.

Position 3 : l'étoile se rapproche de l'observateur \Rightarrow décalage des raies vers le bleu (redshift) et les petites longueurs d'onde : spectre C.

Position 2 : l'étoile ne s'éloigne pas de l'observateur selon la direction de visée \Rightarrow pas de décalage des raies : spectre A.

C. Combien de tondeuses ? (/4)

1. $L = 10 \cdot \log(I/I_0) \Leftrightarrow I = I_0 \cdot 10^{L/10} = 1,0 \cdot 10^{-12} \times 10^{6,0} = 1,0 \cdot 10^{-6} \text{ W} \cdot \text{m}^{-2}$

2. Intensité sonore pour 78dB : $I' = 1,0 \cdot 10^{-12} \times 10^{7,8} = 6,3 \cdot 10^{-5} \text{ W} \cdot \text{m}^{-2}$

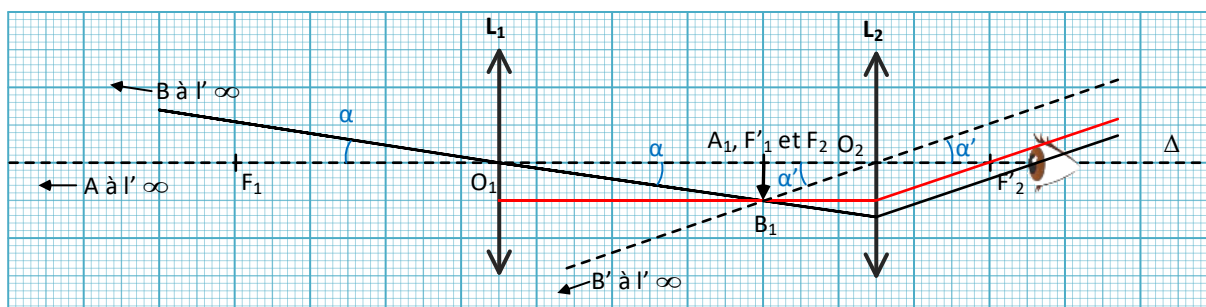
Il faudra donc un nombre de tondeuses égal à : $6,3 \cdot 10^{-5} / 1,0 \cdot 10^{-6} = 63$

On peut aussi utiliser le raisonnement suivant : l'intensité sonore double (et donc le nombre de tondeuses aussi) lorsque le niveau sonore augmente de 3dB.

Le niveau sonore a augmenté de 18dB = 3×6 dB. Il faut donc un nombre de tondeuses voisin de : $2^6 = 64$.

1 tondeuse	\leftrightarrow 60dB
2 tondeuses	\leftrightarrow 63dB
4 tondeuses	\leftrightarrow 66dB
8 tondeuses	\leftrightarrow 69dB
	etc...
64 tondeuses	\leftrightarrow 78dB

D. Grossissement d'une lunette (/12)



1. Cf. schéma. Rappel : le schéma n'est pas à l'échelle.

2. $1' = 1 / 60^\circ$ donc : $\alpha = 32' = 0,53^\circ$ et $\pi \text{ rad} = 180^\circ$ donc : $1^\circ = \pi / 180 \text{ rad}$
 $\alpha = 9,3 \cdot 10^{-3} \text{ rad}$

3. Triangle $O_1A_1B_1$: $\alpha \approx \tan \alpha = \frac{\text{opp.}}{\text{adj.}} = \frac{A_1B_1}{O_1F'_1} = \frac{A_1B_1}{f'_1}$

Triangle $O_2A_1B_1$: $\alpha' \approx \tan \alpha' = \frac{\text{opp.}}{\text{adj.}} = \frac{A_1B_1}{O_2F_2} = \frac{A_1B_1}{f'_2}$

$$G = \frac{\alpha'}{\alpha} = \frac{f'_1}{A_1B_1} \times \frac{A_1B_1}{f'_2} = \frac{f'_1}{f'_2} = \frac{900}{10} = 90$$

4. $\alpha' = 90 \times \alpha = 90 \times 9,3 \cdot 10^{-3} \text{ rad} = 0,84 \text{ rad}$