

## A. PERFORMANCE D'UNE ATHLÈTE ( / 14)

### 1. Étude du mouvement du boulet avant le lâcher du marteau par l'athlète

- a. Par définition  $\vec{a} = d\vec{v}/dt$  or le mouvement étant circulaire, la direction du vecteur vitesse change à chaque instant.

Le vecteur vitesse  $\vec{v}$  varie ce qui est à l'origine d'une accélération.

- b. • Pour un mouvement circulaire accéléré :  $\vec{a} \cdot \vec{v} > 0$

Ce qui correspond au schéma 3.

- Pour un mouvement circulaire uniforme :  $\vec{a} \cdot \vec{v} = 0$

Le vecteur accélération est donc radial et il est aussi centripète.

Ce qui correspond au schéma 1.

- c. Pour un mouvement circulaire uniforme :

$$\boxed{a = \frac{v^2}{R} \approx \frac{26^2}{1,7} \approx 4,0 \cdot 10^2 \text{ m.s}^{-2}}$$

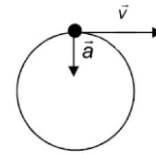


schéma 1

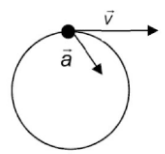
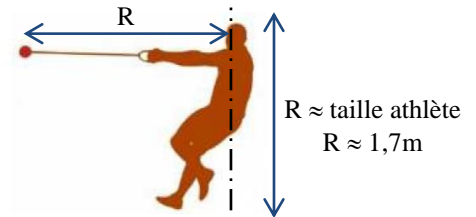


schéma 3



### 2. Étude du mouvement du boulet après le lâcher du marteau par l'athlète

- a. Système : {marteau}

Référentiel : terrestre considéré galiléen

Bilan des forces extérieures : poids  $\vec{P}$

- 2ème loi de Newton :  $\Sigma \vec{F}_{\text{ext}} = m \cdot \vec{a}$  soit  $m \cdot \vec{g} = m \cdot \vec{a}$  d'où  $\vec{a} = \vec{g} \begin{cases} a_x = 0 \\ a_y = -g \end{cases}$

- $\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt}$  d'où par intégration  $\vec{v} \begin{cases} v_x = C_1 \\ v_y = -g \cdot t + C_2 \end{cases}$

et en tenant compte des conditions initiales pour le vecteur vitesse :  $\vec{v}_0 \begin{cases} v_{0x} = v_0 \cdot \cos \alpha = C_1 \\ v_{0y} = v_0 \cdot \sin \alpha = C_2 \end{cases}$

d'où :  $\vec{v} \begin{cases} v_x = v_0 \cdot \cos \alpha & (1) \\ v_y = -g \cdot t + v_0 \cdot \sin \alpha & (2) \end{cases}$

- $\vec{v} = \frac{d\vec{OM}}{dt}$  d'où par intégration  $\vec{OM} \begin{cases} x = (v_0 \cdot \cos \alpha) \cdot t + C_3 \\ y = -\frac{1}{2} g t^2 + (v_0 \cdot \sin \alpha) \cdot t + C_4 \end{cases}$

et en tenant compte des conditions initiales pour le vecteur position :  $\vec{OM}_0 \begin{cases} x_0 = 0 = C_3 \\ y_0 = h = C_4 \end{cases}$

d'où :  $\vec{OM} \begin{cases} x = (v_0 \cdot \cos \alpha) \cdot t \\ y = -\frac{1}{2} g t^2 + (v_0 \cdot \sin \alpha) \cdot t + h \end{cases}$

- b.  $y = \frac{-g \cdot x^2}{2 \cdot v_0^2 \cdot \cos^2(\alpha)} + \tan(\alpha) \cdot x + h \Leftrightarrow y = a \cdot x^2 + b \cdot x + c$

Le marteau touche le sol lorsque  $y = 0$ . Il faut donc trouver les racines de cette équation :  $0 = a \cdot x^2 + b \cdot x + c$

En utilisant les données numériques du texte :  $a = \frac{-9,8}{2 \times 26^2 \times \cos^2(45^\circ)} = -0,0145$   $b = \tan(45^\circ) = 1,00$   $c = h = 3,00$

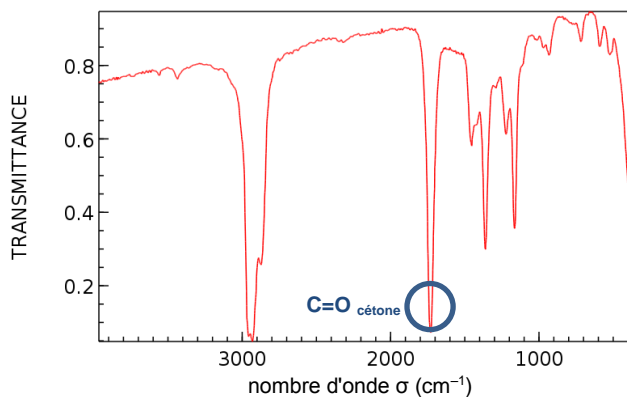
La résolution de cette équation du second degré en  $x$  donne deux racines :

$x_1 = -2,88\text{m} \approx -2,9\text{m} < 0$  donc à rejeter

$x_2 = 71,86\text{m} \approx \underline{72\text{m}}$  ce qui placerait l'athlète à la 11<sup>ème</sup> place des J.O. de Londres de 2012.

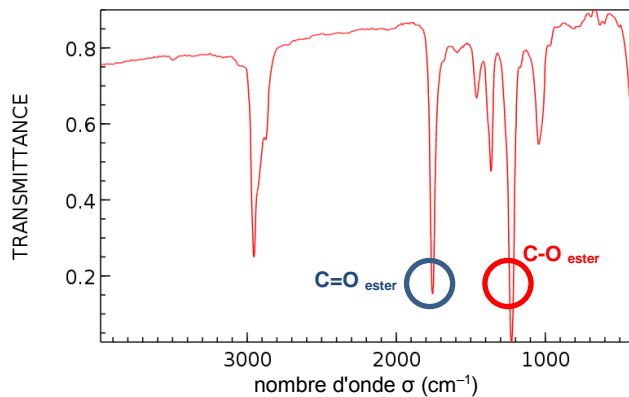
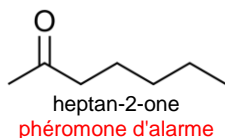
## B. PHÉROMONE D'ALARME ET PHÉROMONE D'ATTAQUE ( /6)

### 1. Analyse des spectres infrarouge.



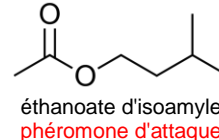
**spectre 1**

- bande C=O forte vers  $1750\text{cm}^{-1}$
  - pas de bande C-O forte vers  $1250\text{cm}^{-1}$
- ⇒ il s'agit donc de la cétone :



**spectre 2**

- bande C=O forte vers  $1750\text{cm}^{-1}$
  - bande C-O forte vers  $1250\text{cm}^{-1}$
- ⇒ il s'agit donc de l'ester qui contient ces deux types de liaison :



2. • Règle des (n+1)-uplets : un groupe de protons équivalents possédant n voisins donne un signal RMN formé par un multiplet de (n+1) pics.

• Le nombre de signaux est égal au nombre de groupes de protons équivalents de la molécule.

La molécule possède 5 groupes de protons équivalents que l'on peut associer aux 5 signaux du spectre RMN en utilisant la règle précédemment énoncée : le spectre RMN est bien cohérent avec la formule de la phéromone d'attaque.

