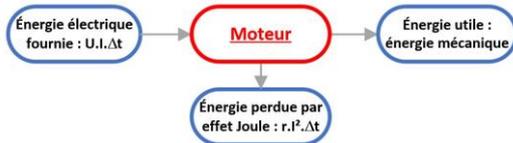


**A. Le moteur électrique ( /6)**

1. Energie fournit au moteur :  $E = P \cdot \Delta t = U \cdot I \cdot \Delta t = 10 \times 3,0 \times (20 \times 60) = \underline{3,6 \cdot 10^4 \text{J}}$

2. Rendement du moteur :  $\eta = \frac{E_{\text{utile}}}{E_{\text{fournie}}} = \frac{35 \cdot 10^3}{3,6 \cdot 10^4} = 0,97 = \underline{97\%}$

3. Bilan énergétique du moteur :



L'énergie "perdue" a été dissipée par effet Joule :  $E_{\text{Joule}} = E_{\text{fournie}} - E_{\text{utile}} = 3,6 \cdot 10^4 - 35 \cdot 10^3 = \underline{1,0 \cdot 10^3 \text{J}}$

$$E_{\text{Joule}} = P_{\text{Joule}} \cdot \Delta t = r \cdot I^2 \cdot \Delta t \Leftrightarrow r = \frac{E_{\text{Joule}}}{I^2 \cdot \Delta t} = \frac{1,0 \cdot 10^3}{3,0^2 \times 20 \times 60} = \underline{0,093 \Omega}$$

**B. Une flèche de tir à l'arc ( /4)**

1.  $\Delta \vec{v} = \vec{v}_f - \vec{v}_i = \vec{v}_f$  car la vitesse initiale de la flèche est nulle.

$$\Delta v = v_f = 320 \text{ km} \cdot \text{h}^{-1} = \underline{89 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}}$$

2. Deuxième loi de Newton appliquée à la flèche :  $\Sigma \vec{F}_{\text{ext}} = m \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t} \Leftrightarrow \vec{F} = m \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}$

$$\text{donc : } \left| F = m \frac{\Delta v}{\Delta t} = 20,7 \cdot 10^{-3} \frac{89}{6,8 \cdot 10^{-3}} = \underline{2,7 \cdot 10^2 \text{ N}} \right.$$

**C. À la fête foraine ( /10)**

1. Système : { mobile }

Référentiel : terrestre considéré galiléen

Bilan des forces qui s'appliquent sur le mobile :

- poids  $\vec{P}$
- action normale de la table  $\vec{R}$
- force de frottement  $\vec{f}$

2.  $W_{AB}(\vec{P}) = \vec{P} \cdot \vec{AB} = m \cdot g \cdot (z_A - z_B)$

$$W_{AB}(\vec{R}) = \vec{R} \cdot \vec{AB} = R \cdot AB \cdot \cos(90^\circ) = 0$$

$$W_{AB}(\vec{f}) = \vec{f} \cdot \vec{AB} = f \cdot AB \cdot \cos(180^\circ) = -f \cdot AB$$

3.  $v_B = 0 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$  au point le plus haut de la trajectoire car le mobile cesse de monter.

4. Théorème de l'énergie cinétique :

$$\Delta E_c = E_c(B) - E_c(A) = \Sigma W_{AB}(\vec{F}_{\text{extérieures}})$$

5.  $\frac{1}{2} m \cdot v_B^2 - \frac{1}{2} m \cdot v_A^2 = W_{AB}(\vec{P}) + W_{AB}(\vec{R}) + W_{AB}(\vec{f})$

$$-\frac{1}{2} m \cdot v_A^2 = m \cdot g \cdot (z_A - z_B) - f \cdot AB$$

avec dans le triangle ABC rectangle en C :

$$\sin \alpha = \frac{\text{opp}}{\text{hyp}} = \frac{BH}{AB} = \frac{z_B - z_A}{AB} \Leftrightarrow (z_B - z_A) = AB \cdot \sin \alpha \quad \text{donc : } z_A - z_B = -AB \cdot \sin \alpha$$

$$-\frac{1}{2} m \cdot v_A^2 = -m \cdot g \cdot AB \cdot \sin \alpha - f \cdot AB$$

$$\frac{1}{2} m \cdot v_A^2 = m \cdot g \cdot AB \cdot \sin \alpha + f \cdot AB$$

$$\frac{1}{2} m \cdot v_A^2 = AB \cdot (m \cdot g \cdot \sin \alpha + f)$$

$$\frac{1}{2} m \cdot v_A^2 = AB \cdot (m \cdot g \cdot \sin \alpha + f) \Leftrightarrow \left| AB = \frac{m \cdot v_A^2}{2 \cdot (m \cdot g \cdot \sin \alpha + f)} = \frac{10 \times 5,0^2}{2 \times (5,0 \times 9,81 \times \sin 20^\circ + 25)} = \underline{3,0 \text{ m}} \right.$$

